

**CONCOURS D'ACCES EN 1<sup>ère</sup> ANNEE  
POUR LES TITULAIRES DU  
DEUG EN SCIENCES OU EQUIVALENT  
EDITION 2017**

**E H T P**

**EPREUVE DE PHYSIQUE**

**Durée 3h**

**Jeudi 06 Juillet 2017**

*Cette épreuve comporte trois exercices complètement indépendants.*

*Ces exercices peuvent être traités dans un ordre quelconque.*

*L'énoncé est sur 3 pages.*

*L'usage de calculatrice est autorisé.*

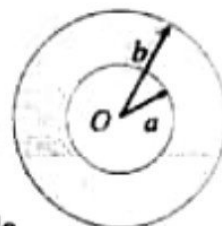
## I) Optique Lentilles minces

On considère une lentille mince convergente  $L_1$  de distance focale  $f'_1 = 20\text{cm}$  de centre optique  $O_1$ .

- 1) Cette lentille utilisée dans les conditions de Gauss, pour former l'image d'un objet lumineux AB perpendiculaire à l'axe et situé à  $30\text{cm}$  de la lentille.
  - a) Faites une construction des trajets des rayons qui donnent de AB une image A'B'. Préciser l'échelle choisie.
  - b) Quelle est la nature de l'image ? Est-elle droite ou renversée ?
  - c) Calculer à l'aide de la formule de conjugaison, la position de l'image.
  - d) Où doit-on placer l'écran pour avoir l'image A'B' nette ?
  - e) Calculer le grandissement transversal.
- 2) On associe à  $L_1$  une deuxième lentille mince  $L_2$  de distance focale  $f'_2$  inconnue et de centre optique  $O_2$  tel que  $\overline{O_1 O_2} = 40\text{cm}$ . L'objet AB est toujours à  $30\text{cm}$  de  $L_1$  l'image A''B'' formée par le système des deux lentilles, est nette lorsque l'écran est situé à  $40\text{cm}$  de  $O_2$ .
  - a) A l'aide des formules de conjugaison des lentilles minces et des résultats de la question 1), calculer la distance focale  $f'_2$ .
  - b) Quelle est la nature de la lentille  $L_2$  ? Justifier.

## II) Electrostatique Champ et potentiel

Soit une répartition volumique de charges positives uniforme dans l'espace compris entre deux sphères de même centre  $O$ , de rayons  $a$  et  $b$  ( $a < b$ ). La densité volumique est  $\rho$ . La permittivité électrique du milieu est  $\epsilon_0$ .



- 1)
  - a) Préciser le système de coordonnées adapté à l'étude électrostatique de cet ensemble de charges.
  - b) Préciser la base de projection associée à ce système de coordonnées.
- 2) A l'aide des propriétés de symétrie, donner la forme du champ électrostatique  $\vec{E}(M)$ .
- 3) A l'aide du théorème de Gauss, calculer le champ électrostatique  $\vec{E}(M)$  en tout point  $M$  de l'espace à la distance  $r$  de  $O$ .

- 4) a) Donner la relation entre  $\vec{E}(M)$  et le potentiel électrostatique  $V(M)$ .  
 b) En déduire le potentiel électrostatique  $V(r)$  pour  $r \geq b$ . On choisit l'origine des potentiels loin des charges,  $V(\infty) = 0$ .

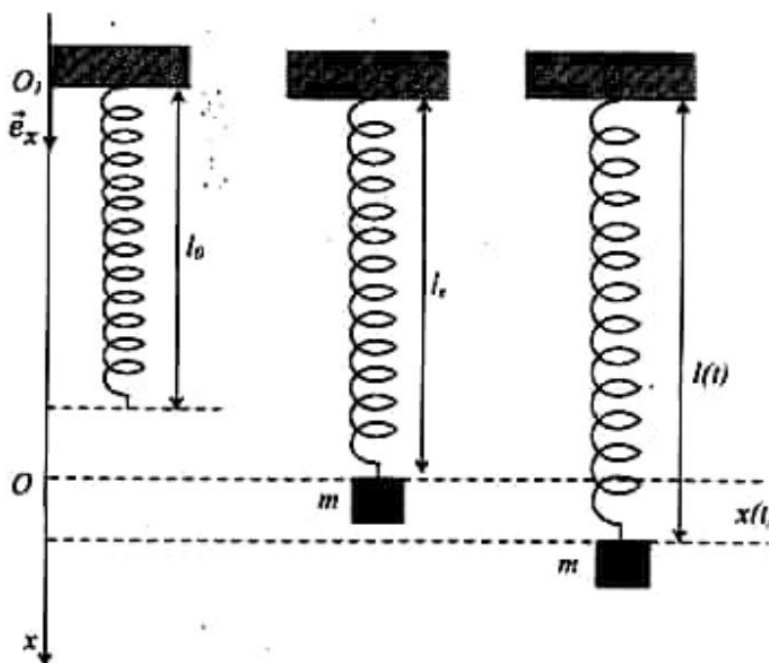
### III) Mécanique : Etude d'un oscillateur

On se propose d'étudier l'équilibre puis les oscillations d'un système masse - ressort.

La masse  $m$  supposée ponctuelle est accrochée à l'extrémité inférieure d'un ressort vertical de raideur  $k$ , de longueur à vide  $l_0$ , de masse négligeable et d'élasticité parfaite dont l'autre extrémité est fixée sur un support au niveau de  $O_1$  qui est fixe dans un référentiel supposé galiléen caractérisé par l'axe  $Ox$ .

On suppose que la masse ne peut se déplacer que verticalement.

La position de l'extrémité inférieure du ressort, donc de la masse  $m$  est repérée par rapport à l'axe vertical descendant  $(O, \vec{e}_x)$ .



#### A) Etude de l'équilibre

- 1) Préciser et exprimer les forces qui s'exercent sur la masse  $m$  dans le cas où  $O_1$  est fixe dans un référentiel galiléen.
- 2) Etablir la condition d'équilibre dans ce référentiel et exprimer la longueur  $l_e$  du ressort à l'équilibre.

**Application numérique :** On donne  $l_0 = 20\text{cm}$ ,  $m = 100\text{g}$ ,  $g = 10\text{ ms}^{-2}$ , la longueur du ressort à l'équilibre  $l_e = 30\text{cm}$ .

- 3) Calculer la constante de raideur  $k$  et préciser son unité.

Dans la suite on choisira  $O$  dans cette position d'équilibre.

### B) Etude des oscillations libres

A  $t = 0$ , la masse est écartée de sa position d'équilibre d'une distance  $a > 0$  et est lâchée sans vitesse initiale.  $a = 5\text{cm}$

On désigne :

Par  $X$  la variable qui repère la position instantanée, notée  $M$  de la masse  $m$  par rapport à  $O_1$ ,  $X = \overline{O_1M}$  et par  $x$  la variable qui repère la position instantanée de  $m$  par rapport à sa position d'équilibre notée  $O$ ,  $x = \overline{OM}$ .

On néglige tous les frottements. Le support est fixe dans le référentiel galiléen. Les spires du ressort ne se touchent pas.

- 4) Établir l'équation différentielle du mouvement satisfaite par  $x(t)$ .
- 5) Montrer que le système étudié est un oscillateur harmonique dont on donnera sa pulsation propre  $\omega_0$  et sa période propre  $T_0$  en fonction de  $k$  et  $m$ .
- 6) Écrire la solution générale  $x(t)$  de l'équation et déterminer les constantes compte-tenu des conditions initiales.  
En déduire l'expression de  $X(t)$ .
- 7) Calculer les valeurs des caractéristiques de l'oscillateur (pulsation propre  $\omega_0$ , période propre  $T_0$ , amplitude, phase).
- 8) Tracer le graphe de  $x(t)$ .

L'énergie potentielle est choisie nulle à la position d'équilibre.

- 9) Dans le référentiel d'étude, l'énergie mécanique  $E$  de l'oscillateur varie-t-elle au cours du mouvement ? Justifier.
- 10) Exprimer l'énergie  $E$  à un instant  $t$ , en fonction de l'élongation  $x(t)$  et de la vitesse  $\dot{x}(t)$ .
- 11) Calculer la valeur numérique de l'énergie  $E$  du système.

# Wadifa Info

[www.wadifa-info.com](http://www.wadifa-info.com)

Le sujet suivant à préparer

النموذج التالي للتحضير

## نموذج مباراة توظيف مهندسي الدولة بالاقتصاد والمالية 2024

Modèle de concours : Ingénieurs d'État – Ministère de  
l'Économie et des Finances 2024

[www.wadifa-info.com/fr/modele-concours/687](http://www.wadifa-info.com/fr/modele-concours/687)

Chaîne WhatsApp

قناة واتساب

## المباريات الجديدة والنتائج كل يوم

Nouveaux concours et résultats chaque jour

[www.wadifa-info.com/wa](http://www.wadifa-info.com/wa)

Le site

الموقع

## كل المباريات المفتوحة والنماذج مع التصحيح، مجاناً

Tous les concours ouverts et les sujets corrigés, gratuits

[www.wadifa-info.com](http://www.wadifa-info.com)