

Examen de statistique

Durée : 1h30mn

Exercice 1: (7 points)

La répartition des travailleurs dans un pays selon l'âge se présente comme suit :

- 11% d'entre eux ont moins de 20 ans,
- 42 % d'entre eux ont moins de 25 ans,
- 68% d'entre eux ont moins de 30 ans,
- 91% d'entre eux ont moins de 40 ans,

L'âge maximum au travail est de moins de 60 ans, alors que l'âge minimum est de 15 ans.

1/ Représenter les informations précédentes dans un tableau statistique.

2/ Déterminer et interpréter la moyenne et le mode et la médiane de cette distribution statistique.

Exercice 2 : (7 points)

Une compagnie d'assurance envisage d'ajouter à ses programmes d'assurance santé la couverture d'une maladie relativement rare. D'une part les statistiques disponibles permettent de penser qu'un individu, pris au hasard, présente une probabilité de 0.001 de contracter ladite maladie et, d'autre part, la compagnie envisage de proposer le nouveau bénéfice à un groupe de 3000 membres. On demande de calculer :

A/ L'espérance mathématique de l'apparition de la maladie dans ce groupe.

B/ La probabilité pour qu'aucun membre du groupe ne contracte la maladie.

Exercice 5 : (6 points)

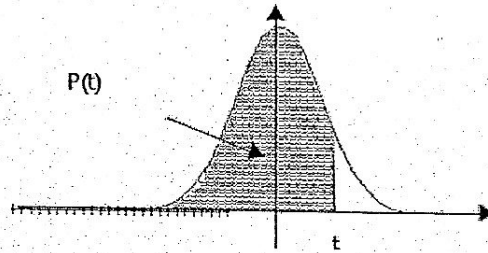
On sait que la durée de fonctionnement d'une machine industrielle suit une loi normale, de paramètre $m = 20000$ heures, et $\sigma = 2000$ heures.

- Calculer la probabilité pour qu'une machine, prélevé au hasard, à la sortie de fabrication ait une durée de vie entre 20000 et 24000 heures.
- Calculer la probabilité pour qu'une machine, prélevé au hasard, ait une durée de fonctionnement supérieur à 22000 heures.

TABLE DE LA LOI NORMALE CENTREE REDUITE N(0,1)

La table donne les différentes valeurs de la fonction de répartition d'une variable aléatoire

normale centrée réduite : $P(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^t \exp\left(-\frac{t^2}{2}\right) dt$.



t	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,5	0,504	0,508	0,512	0,516	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,591	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,648	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,67	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,695	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,719	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,758	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,791	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,834	0,8365	0,8389
1	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,877	0,879	0,881	0,883
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,898	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,937	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,975	0,9756	0,9761	0,9767
2	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,983	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,985	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,989
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,992	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,994	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,996	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,997	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,998	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,999	0,999

La table donne les valeurs pour t positif, lorsque t est négatif il faut prendre le complément à l'unité, $P(-t) = 1 - P(t)$.